2017

COMMERCIAL MATHEMATICS AND STATISTICS

Full Marks: 100

Pass Marks: 30

me : Three hours

The figures in the margin indicate full marks for the questions.

0.	No.	1	carries 1 mark each	1×8 =	8
Æ.		_			

Q. No. 2 carry 2 marks each 2×5 = 10

Q. No. 3-7 carries 3 marks each $3\times 5=15$

Q. No. 8-14 carries 5 marks each $5 \times 7 = 35$

Q. No. 15, 16, 17 & 18 carries 8 marks each 8×4 = 32



Total =100

Contd.

 (a) In the determinant given below, find the cofactor of the element -7.

া 🔼 🧸 নিচের নির্ধারিত –7 মৌলের সহরাশি নির্ণয় করো।

(b) Standard deviation of 1, 2, 3, n is 1, 2, 3, n এর সমক বিচ্যুতি হল

(i)
$$\sqrt{\frac{n^2-1}{n}}$$
 (ii) $\sqrt{\frac{2n-1}{12}}$ (iii) $\sqrt{\frac{n^2-1}{12}}$

(Choose the correct answer) (শুদ্ধ উত্তরটি বেছে নিয়ে লেখো।)

- (c) If A is a certain event, what will be the value of P(A). 1

 A একটি নিশ্চিত ঘটনা হলে, P(A) এর মান কি হবে লেখো।
- (d) If r is the correlation coefficient, then justify your answer whether $r^2 = 1 - \frac{585}{500}$ is possible.

r যদি সহসম্বন্ধ গুণাঙ্ক হয় তাহলে

$$r^2 = 1 - \frac{585}{500}$$
 সম্ভব কী ? যুক্তিসহ উত্তর দাও।



1

BELLAL HOSSAIN MONDAL

- (e) If "n (2n+1) (3n+2) is divisible by 5" is a mathematical statement say whether P(5) is true or false.
 যদি "n (2n+1) (3n+2) সংখ্যাটি 5 দিয়ে বিভাজ্য" এটি গণিতশাস্ত্রের উক্তি হয়, তাহলে P(5) সত্য না অসত্য নির্ণয় করো।
- (f) Define a Skew Symmetric matrix and give an example. 1
 একটি বিষম সমমিত মৌলকক্ষের সংজ্ঞা লিখে উদাহরণ দাও।
- (g) 5 ∈ {1, 3, {5}} say true or false সত্য না অসত্য লেখো।

BELLAL HOSSAIN MONDAI

- (h) Which of the following average may have more than one value?

 (i) GM (ii) AM (iii) Median (iv) Mode
 1

 নিচে উল্লেখিত কোন গড়ের একাধিক মান থাকতে পারে ?
 - (i) গুণোত্তর মাধ্য (ii) সমাত্তর মাধ্য (iii) মাধ্যিকী (মধ্যমা) (iv) বহুলক
- 2. Answer the following questions:

2×5=10

1

- (a) A coin and a dicc arc thrown successively. Write down the sample space obtained.
 প্রথমে একটি মুদ্রা ও তারপরে একটি লুডো ঘুঁটি নিক্ষেপ করে পাওয়া প্রতিদর্শ সমষ্টি লেখো।
- (h) Write any two properties of a determinant.
 নির্ধারকের যে কোনো দুটি ধর্মের বিষয়ে লেখো।
- (c) If A.M. of x-5, x-2, 2x+4, 2x+7 is 19, find the value of x. x-5, x-2, 2x+4, 2x+7 -এর সমান্তর মাধ্য 19 হলে, x -এর মান নির্ণয় করো।

(d) Find x and y if
x ও y -এর মান নির্ণয় করো যদি

$$\begin{bmatrix} 7 & x+y \\ x-y & -6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 & -2 \\ 8 & -6 \end{bmatrix}$$



BELLAL HOSSAIN MONDAL

THE STATE OF THE PARTY OF THE P

to the supply the

(e) If (যদি) ⁿP₂ = 306, then find n.
তাহলে n-এর মান নির্ণয় করো

$$A = \{2, 3, 5, 6\}$$

$$B = \{3, 4, 6, 9, 10\}$$

$$C = \{2, 6, 7, 10\},\$$

find (নির্ণয় করো)

(i)
$$B-(A-C)$$

(ii)
$$A-(B\cap C)$$

4. Show that (দেখাও যে)

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1+x & 1 \\ 1 & 1+y \end{vmatrix} = xy$$



Or / অথবা

$$\begin{vmatrix} 1 & a & a^2 - bc \\ 1 & b & b^2 - ca \\ 1 & c & c^2 - ab \end{vmatrix} = 0$$



 Calculate Mean Deviation about Median and its Coefficient from the following data

নিচে প্রদত্ত তথ্যের মধ্যমার থেকে গড় বিচলন ও গড় বিচলন গুণাঙ্ক নির্ণয় করো Weight (ওজন) (কেজি): 45, 53, 36, 73, 64.

Or / অথবা

Find Quartile Deviation and its coefficient from the following data নিচের তথ্যের সাহায্যে চতুরাংশ বিচলন ও এর গুণাঙ্ক নির্ণয় করো।

Marks (নম্বর): 10, 13, 14, 19, 28, 30, 27, 17, 21.

 The difference in Simple Interest on Rs. 2050 at 4% p.a. and on Rs. 1650 at the same rate and for the the same period is Rs. 232. Find the time.

বাৎসরিক 4% সুদের হারে একই সময়ের জন্য Rs. 2050 ও Rs. 1650 এর উপর গণনা করা সরল সুদের পার্থক্য Rs. 232 হলে, নির্ধারিত সময় নির্ণয় করো।

- There are 30 tickets numbered from 1 to 30. 1 ticket is drawn at random. Find the probability that the number on the ticket is divisible by 4 or 5.
 - 1 থেকে 30 পর্য্যন্ত নম্বর লেখা 30টি টিকিট থেকে যাদৃচ্ছিক ভাবে একটি টিকিট টেনে আনা হলো। টিকিটটির উপর লিখিত নম্বরের সংখ্যাটি 4 অথবা 5 দিয়ে বিভাজ্য হবার সম্ভাবনা নির্ণয় করো।

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 4 & 2 \\ 0 & 5 & 7 \\ -1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

and (9)
$$f(x) = 3x^2 - 4x + 2$$

find f(A).

তাহলে f (A) বের করো।

Or / অথবা

Given (দেওয়া আছে)

$$I = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \qquad J = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$$

Show that (দেখাও যে)

$$(aI + bJ) \times (cI + dJ)$$

$$= (ac - bd) I + (ad + bc) J$$

- 9. Using mathematical induction prove any one of the following:
 5
 গাণিতিক আবেশ তত্ত্ব ব্যবহার করে নিম্নলিখিতগুলির মধ্যে যে কোনো একটি প্রমাণ করো:
 - (i) $1.3 + 2.3^2 + 3.3^3 + \dots + n.3^n$ $= \frac{(2n-1)3^{n+1} + 3}{4}$



BELLAL HOSSAIN MONDAL

27T CMST (BENG)

(ii)
$$1.2+2.3+3.4+\cdots+n (n+1)$$

= $\frac{1}{3}n (n+1)(n+2)$

10. Draw the graph (any one):

5

যে কোনো একটির লেখ অন্ধন করো :

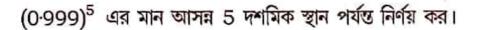
- (i) $x+y \ge 1$, $x+2y \le 10$, $x \le 4$, $x, y \ge 0$
- (ii) $2x+y \ge 4$, $3x+5y \ge 15$, $x \ge 0$, $y \ge 0$
- 11. Find the coefficient of the term involving x^{-10} in the expansion

$$\left(x^4 - \frac{1}{x^2}\right)^{14}$$
 5

 $\left(x^{1}-rac{1}{x^{2}}
ight)^{14}$ বিস্তৃতির x^{-10} বিশিষ্ট পদটির সহগ নির্ণয় করো।

Or / অথবা

Find (0.999)⁵ correct to 5 decimal places.





BELLAL HOSSAIN MONDAL

12. A machine depreciates at the rate of 10% p.a. If the original value of the machine is Rs. 5810 and its scrap value is Rs. 2250, for how many years was the machine in use.

একটি মেশিনের মূল্য Rs. 5810 ও এর বর্জিত মূল্য Rs. 2250। যদি অবক্ষয়ের বাৎসরিক হার 10% হয়, তাহলে মেশিনটি কত বৎসর ব্যবহার করা হয়েছিল নির্ণয় করো। The median marks for a group of 100 students having the following distribution is 30. Find the missing frequencies.

100 জন ছাত্রের প্রাপ্ত বারংবারতা বিভাজন তালিকা থেকে তাদের প্রাপ্ত নম্বরের মাধ্যমের মান 30 হলে লুপ্ত বারংবারতা সমূহ নির্ণয় করো।

Marks (নম্বর)	Frequency (বারংবারতা		
0 - 10	10		
10 - 20			
20 - 30	25		
30 - 40	30		
40 - 50	?		
50 – 60	To ref prese 10		

14. A man borrows Rs. 10,000 under the condition that he will repay with compound interest @ 5% p.a. by annual instalments of Rs. 1000 each. In how many years will the debt be paid off? 5 একজন ব্যক্তি 1000 টাকা করে বাৎসরিক কিন্তিতে পরিশোধ করবে বলে 10,000 টাকা বাৎসরিক 5% চক্রবৃদ্ধি সুদ হারে ধার নিলে, সে কত বছরে সেই টাকা পরিশোধ করতে পারবে ?

15. (a) If (यिष)
$$A = P(1+i)^n$$

2

1

Prove that (প্রমাণ করো যে)

$$n = \frac{\log A - \log P}{\log (1+i)}$$



(b) Find Mode:

BELLAL HOSSAIN MONDAI

বহুলক নির্ণয় করো:

7, 9, 6, 8, 11, 9, 12, 6, 7, 9.

(c) Find Karl Pearson's Correlation Coefficient

Karl Pearson-এর সহসম্বন্ধ গুণান্ধ নির্ণয় করো

x: 2 4 5 6 8 11 y: 18 12 10 8 7 5

16. Find Arithmetic Mean and Standard deviation from the data given below:
4+4=8

The state of the process of the first

নিচের তথ্য থেকে সমান্তর মাধ্য ও মানক বিচলন নির্ণয় করো:

Height (cm)	No. of students	
উচ্চতা <i>(cm)</i>	(ছাত্রের সংখ্যা)	
115-125	4	
125-135	5	
135-145	6	
145-155	3	
155-165	mach setting of tree for	
165 –175	1	

17. (a) How many words may be formed by using the letters of the word DAUGHTER if the vowels never come together? 5

DAUGHTER শব্দটির বর্ণগুলি ব্যবহার করে বিভিন্ন ধরণের কতগুলি শব্দ গঠন করা যদি স্বরবর্ণগুলি কখনও একসাথে না থাকে ?

27T CMST (BENG)

[9]

Contd.

	Worker A (শ্ৰমিক A)	Worker B (শ্রমিক B)
Average time (minutes) গড় সময় (মিনিট)	30	25
Standard Deviation (minutes) সমক বিচ্যুতি (মিনিট)	6	4

18. (a) Prove that (প্রমাণ করো যে):

2

$${}^{n}C_{r} + {}^{n}C_{r+1} + {}^{n+1}C_{r+2}$$

$$=^{n+2}C_{r+2}$$

(b) Evaluate: (মান নির্ণয় করো)

2

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & -1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 4 & -1 & 2 \\ -3 & 0 & 1 \\ 5 & 2 & 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \\ 5 \end{bmatrix}$$

- (c) Two cards are drawn together from a pack of cards at random. Find the probability of drawing
 - (i) 2 red cards
 - (ii) 1 king and 1 queen.

এক প্যাকেট তাসের পাতা থেকে দুটি তাসের পাতা একসঙ্গে যাদৃচ্ছিকভাবে টেনে আনা হল। সেইক্ষেত্রে —

- i) দুটি লাল তাসের পাতা আসবার
- ও (ii) একটি রাজা ও একটি রাণী আসবার সম্ভাবনা নির্ণয় করো।



Or / অথবা

There are 20 employees in an office out of which 5 are graduates. 3 persons are selected at random. Find the probability of selecting

- (i) all graduates
- (ii) exactly 1 graduate

এক অফিসে 20 জন কর্মচারী আছে এবং তাদের মধ্যে 5 জন স্নাতক ডিগ্রীধারী। কর্মচারীদের মধ্য থেকে 3 জনকে যাদৃচ্ছিকভাবে বেছে নিলে

- (i) সকলে (3 জনই) স্নাতক ডিগ্রীধারী
- এবং (ii) শুধুমাত্র 1 জন স্নাতক ডিগ্রীধারী হ্বার সম্ভাবনা নির্ণয় করো।





BELLAL HOSSAIN MONDAL